

**ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ИРКУТСКОЙ ОБЛАСТИ  
«ЧЕРЕМХОВСКИЙ ГОРНОТЕХНИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ  
ИМ. М.И. ЩАДОВА»**

**РАССМОТREНО**

на заседании ЦК  
«Общеобразовательных,  
экономических и транспортных  
дисциплин»  
«31» июня 2022 г.  
Протокол № 10  
Председатель: А.К. Кузьмина

**Утверждаю:**

И.о. зам. директора по УР  
О.В. Папанова  
«15» июня 2022 г.

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ  
для выполнения  
практических (лабораторных) работ студентов 1 курса  
по учебной дисциплине**

**ОУД. 03 Математика**

**программы подготовки специалистов среднего звена**

**09.02.07 Информационные системы и программирование**

Разработал преподаватель:  
Власова Т.В.

2022 г.

## **СОДЕРЖАНИЕ**

	<b>СТР.</b>
1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА	3-5
2. ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ	6-8
3. СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ	9-19
4. ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ	28
5. ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ, ВНЕСЁННЫХ В МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ	29

## **1.ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Методические указания по выполнению практических (лабораторных) работ по учебной дисциплине «**Математика**» предназначены для студентов специальности **09.02.07 Информационные системы и программирование**, составлены в соответствии с рабочей программой дисциплины «**Математика**» и направлены на достижение следующих целей:

- ✓ обеспечения сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- ✓ обеспечения сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- ✓ обеспечения сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- ✓ обеспечения сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Методические указания являются частью учебно-методического комплекса по дисциплине «**Математика**» и содержат задания, указания для выполнения практических (лабораторных) работ, теоретический минимум и т.п. Перед выполнением практической работы каждый студент обязан показать свою готовность к выполнению работы: пройти инструктаж по техники безопасности; ответить на теоретические вопросы преподавателя. По окончанию работы студент оформляет отчет в тетради и защищает свою работу.

В результате выполнения полного объема практических работ студент должен уметь:

- ✓ самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- ✓ продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- ✓ овладевать навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способностью и готовностью к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- ✓ овладевать языковыми средствами – умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
- ✓ овладевать навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения;

- ✓ овладевать методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- ✓ овладевать стандартными приёмами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
- ✓ овладение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах;
- ✓ овладение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

При проведении практических работ применяются следующие технологии и методы обучения:

1. Проблемно-поисковых технологий.
2. Мультимедиа технологии.

#### **Правила выполнения практических работ:**

1. Внимательно прослушайте инструктаж по технике безопасности, правила поведения в кабинете математики.
2. Запомните порядок проведения практических работ, правила их оформления.
3. Изучите теоретические аспекты практической работы.
4. Выполните задания практической работы.
5. Оформите отчет в тетради.

#### **Требования к рабочему месту:**

1. В состав кабинета математики должна быть включена одна машина для преподавателя с соответствующим периферийным оборудованием.
2. Кабинет математики должен быть оснащен диапроектором и экраном.

#### **Критерии оценки:**

**Оценки «5» (отлично)** заслуживает студент, обнаруживший при выполнении заданий всестороннее, систематическое и глубокое знание учебно-программного материала, учения свободно выполнять профессиональные задачи с всесторонним творческим подходом, обнаруживший познания с использованием основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой, усвоивший взаимосвязь изучаемых и изученных дисциплин в их значении для приобретаемой специальности, проявивший творческие способности в понимании, изложении и использовании учебно-программного материала, проявивший высокий профессионализм, индивидуальность в решении поставленной перед собой задачи, проявивший неординарность при выполнении практических заданий.

**Оценки «4» (хорошо)** заслуживает студент, обнаруживший при выполнении заданий полное знание учебно-программного материала, успешно выполняющий профессиональную задачу или проблемную ситуацию, усвоивший основную литературу, рекомендованную в программе,

показавший систематический характер знаний, умений и навыков при выполнении теоретических и практических заданий по дисциплине «Математика».

**Оценки «3» (удовлетворительно)** заслуживает студент, обнаруживший при выполнении практических и теоретических заданий знания основного учебно-программного материала в объеме, необходимом для дальнейшей учебной и профессиональной деятельности, справляющийся с выполнением заданий, предусмотренных программой, допустивший погрешности в ответе при защите и выполнении теоретических и практических заданий, но обладающий необходимыми знаниями для их устранения под руководством преподавателя, проявивший какую-то долю творчества и индивидуальность в решении поставленных задач.

**Оценки «2» (неудовлетворительно)** заслуживает студент, обнаруживший при выполнении практических и теоретических заданий проблемы в знаниях основного учебного материала, допустивший основные принципиальные ошибки в выполнении задания или ситуативной задачи, которую он желал бы решить или предложить варианты решения, который не проявил творческого подхода, индивидуальности.

В соответствии с учебным планом программы подготовки специалистов среднего звена по специальности **09.02.07 Информационные системы и программирование** по дисциплине «Математика» отводится 130 часов.

## 2. ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ

№ п/п	Название практической работы (указать раздел программы, если это необходимо)	Количество часов
-------	---	------------------

<b>Раздел 1. Алгебра</b>		
1	<b>Практическая работа №1</b> Целые и рациональные числа. Арифметические действия над числами.	2
2	<b>Практическая работа №2</b> Действительные числа. Сравнение числовых выражений.	2
3	<b>Практическая работа №3</b> Степени с действительными показателями.	2
4	<b>Практическая работа №4</b> Правила действия с логарифмами.	2
5	<b>Практическая работа №5</b> Преобразование рациональных, иррациональных выражений.	2
6	<b>Практическая работа №6</b> Преобразование степенных и показательных выражений.	2
7	<b>Практическая работа №7</b> Преобразование логарифмических выражений.	2
<b>Раздел 2. Основы тригонометрии</b>		
8	<b>Практическая работа №8</b> Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой.	2
9	<b>Практическая работа №9</b> Решение задач, содержащих основные тригонометрические тождества.	2
10	<b>Практическая работа №10</b> Решение задач, содержащих формулы сложения, удвоения, половинного угла.	2
11	<b>Практическая работа №11</b> Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение, преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.	2
12	<b>Практическая работа №12</b> Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства.	2
<b>Раздел 3. Функции, их свойства и графики.</b>		
13	<b>Практическая работа №13</b> Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.	2
14	<b>Практическая работа №14</b> Арифметические операции над функциями.	2
15	<b>Практическая работа №15</b> Сложная функция (композиция).	2
16	<b>Практическая работа №16</b> Исследование функций.	2
17	<b>Практическая работа №17</b> Преобразование графиков. Параллельный перенос. Растяжение и сжатие вдоль осей координат.	2
18	<b>Практическая работа №18</b> Преобразование графиков. Симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат. Симметрия относительно прямой $y=x$ .	2
<b>Раздел 4. Начала математического анализа</b>		

19	<b>Практическая работа №19</b> Производные суммы, разности, произведения, частного.	2
20	<b>Практическая работа №20</b> Производные основных элементарных функций.	2
21	<b>Практическая работа №21</b> Применение производной к исследованию функции и построению графиков.	2
22	<b>Практическая работа №22</b> Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.	2
23	<b>Практическая работа №23</b> Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.	2
24	<b>Практическая работа №24</b> Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции	2
25	<b>Практическая работа №25</b> Формула Ньютона – Лейбница.	2
26	<b>Практическая работа №26</b> Формула Ньютона – Лейбница.	2
27	<b>Практическая работа №27</b> Примеры применения интеграла в физике и геометрии.	2
<b>Раздел 5. Уравнения и неравенства</b>		
28	<b>Практическая работа №28</b> Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы.	2
29	<b>Практическая работа №29</b> Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы.	2
30	<b>Практическая работа №30</b> Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические неравенства. Основные приемы их решения.	2
31	<b>Практическая работа №31</b> Метод интервалов.	2
32	<b>Практическая работа №32</b> Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их системами.	2
<b>Раздел 6. Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики</b>		
33	<b>Практическая работа №33</b> Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний.	2
34	<b>Практическая работа №34</b> Задачи на перебор вариантов.	2
35	<b>Практическая работа №35</b> Формула бинома Ньютона	2
36	<b>Практическая работа №36</b> События, вероятность события, сложение и умножение вероятностей.	2

Раздел 7. Геометрии		
37	<b>Практическая работа №37</b> Геометрическое преобразование пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости.	2
38	<b>Практическая работа №38</b> Сечения куба, призмы и пирамиды.	2
39	<b>Практическая работа №39</b> Осевые сечения и сечения, параллельные основанию	2
40	<b>Практическая работа №40</b> Уравнения сферы, плоскости и прямой.	2
41	<b>Практическая работа №41</b> Разложение вектора по направлениям	2
42	<b>Практическая работа №42</b> Угол между двумя векторами	2
43	<b>Практическая работа №43</b> Проекция вектора на ось. Координаты вектора	2
44	<b>Практическая работа №44</b> Скалярное произведение векторов	2
45	<b>Практическая работа №45</b> Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач	2
46	<b>Практическая работа №46</b> Алгебра	2
47	<b>Практическая работа №47</b> Основы тригонометрии	2
48	<b>Практическая работа №48</b> Основы тригонометрии	2
49	<b>Практическая работа №49</b> Основы тригонометрии	2
50	<b>Практическая работа №50</b> Основы тригонометрии	2
51	<b>Практическая работа №51</b> Основы тригонометрии	2
52	<b>Практическая работа №52</b> Функции, их свойства и графики	2
53	<b>Практическая работа №53</b> Функции, их свойства и графики	2
54	<b>Практическая работа №54</b> Начала математического анализа	2
55	<b>Практическая работа №55</b> Начала математического анализа	2
56	<b>Практическая работа №56</b> Уравнения и неравенства	2
57	<b>Практическая работа №57</b> Уравнения и неравенства	2
58	<b>Практическая работа №58</b> Уравнения и неравенства	2
59	<b>Практическая работа №59</b> Уравнения и неравенства	2
60	<b>Практическая работа №60</b> Уравнения и неравенства	2

61	<b>Практическая работа №61</b> Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики	2
62	<b>Практическая работа №62</b> Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики	2
63	<b>Практическая работа №63</b> Геометрия.	2
64	<b>Практическая работа №64</b> Геометрия.	2
65	<b>Практическая работа №65</b> Геометрия.	2
<b>Итого:</b>		<b>130 час.</b>

### 3.СОДЕРЖАНИЕ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ

#### **Практическая работа №1**

*Целые и рациональные числа. Арифметические действия над числами.*

**Цель:** отработать навыки арифметических действий с целыми и рациональными числами.

**Выполните задания:** найдите значение выражения.

**Образец:** найдите значение выражения:

$$\left(2\frac{4}{7} - 1,2\right) \cdot 5\frac{5}{6}$$

Решение:

$$\begin{aligned}\left(2\frac{4}{7} - 1,2\right) \cdot 5\frac{5}{6} &= \left(\frac{18}{7} - \frac{6}{5}\right) \cdot \frac{35}{6} = \\ &= \frac{18}{7} \cdot \frac{35}{6} - \frac{6}{5} \cdot \frac{35}{6} = 15 - 7 = 8.\end{aligned}$$

Ответ: 8

**Задание №1:**

$$\left(2\frac{4}{7} - 2,5\right) : \frac{1}{70}$$

Ответ: 5.

**Задание №2:**

$$(432^2 - 568^2) : 1000$$

Ответ: -136.

**Задание №3:**

$$4\frac{4}{9} : \frac{4}{9}$$

Ответ: 10.

**Задание №4:**

$$\begin{array}{r} 1,23 \cdot 45,7 \\ \hline 12,3 \cdot 0,457 \end{array}$$

Ответ: 10.

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 2

*Действительные числа. Сравнение числовых выражений.*

**Цель:** отработать навыки арифметических действий с действительными числами, по сравнению числовых выражений.

**Выполните задания №1-8 стр. 14-15.**

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа №3

*Степени с действительными показателями*

**Цель:** отработать навыки действий с действительными показателями.

**Выполните задания №1-6 стр. 36.**

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа №4

*Правила действия с логарифмами*

**Цель:** отработать навыки действий с логарифмами.

**Выполните задания №1-6 стр. 39, 40.**

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа №5**

*Преобразование рациональных, иррациональных выражений*

**Цель:** отработать навыки преобразования рациональных, иррациональных выражений.

**Задание 1.** Упростите выражение:

№2.73-2.77 стр. 33

**Задание 2.** Освободитесь от иррациональности в знаменателе:

№2.97-2.101 стр. 35

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 6**

*Преобразование степенных и показательных выражений*

**Цель:** отработать навыки преобразования степенных и показательных выражений.

**Задание 1.** Упростить

О-3: № 6.22- 6.26 стр. 138

**Задание 2.** Вычислить

О-3: № 6.43 стр. 142

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 7**

*Преобразование логарифмических выражений*

**Цель:** отработать навыки преобразования логарифмических выражений.

**Задание 1.** Вычислить

О-3: № 6.50-6.56 стр. 143

**Задание 2.** Найти область определения функции

О-3: № 6.76-6.79 стр. 145

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 8**

*Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой*

**Цель:** отработать навыки измерения углов вращения в градусной и радианной мерах, перевод измерения из градусной меры в радианную и обратно.

**Задание 1.** Выразить в радианах величину угла

О-3: № 7.1-7.3 стр. 162

**Задание 2.** Выразить в градусах величину угла

О-3: № 7.4-7.5 стр. 162

**Задание 3.** Вычислить

О-3: № 7.8 стр. 163

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 9**

*Решение задач, содержащих основные тригонометрические тождества*

**Цель:** отработать навыки решения задач, содержащих основные тригонометрические тождества

**Задание 1.** Выразить в радианах величину угла

О-3: № 7.12 стр. 163

**Задание 2.** Выразить в градусах величину угла

О-3: № 7.20 а), б) стр. 165

**Задание 3.** Упростить

О-3: № 7.24 б), в) стр. 165

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 10**

*Решение задач, содержащих формулы сложения, удвоения, половинного угла*

**Цель:** отработать навыки решения задач, содержащих формулы сложения, удвоения половинного угла

**Задание 1.** Доказать тождество

О-3: № 7.25-7.34 стр. 167

**Задание 2.** Упростить

О-3: № 7.35 стр. 167

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 11**

*Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение,*

*преобразование произведение тригонометрических функций в сумму*

**Цель:** отработать навыки преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и наоборот.

**Задание 1.** Преобразовать

О-3: № 7.39-7.48 стр. 169

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 12**

*Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства*

**Цель:** отработать навыки решения тригонометрических уравнений и неравенств

**Задание 1.** Решить уравнение

О-3: № 7.54-7.57 стр. 170

О-3: № 7.63-7.66 стр. 171

О-3: № 7.72 стр. 173

**Задание 1.** Решить неравенства

О-3: № 7.101, 7.105, 7.107, 7.108 стр. 177

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 13**

*Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях*

**Цель:** рассмотреть примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях

**Задание 1.** Рассмотреть функцию радиоактивного распада частицы

**Изменение массы радиоактивного вещества**  
происходит по формуле  $m(t) = m_0 \cdot 2^{-kt}$ , где  $m_0$  —  
масса вещества в начальный момент  $t = 0$ ;  $m$  —  
масса вещества в момент времени  $t$ ;  $k$  — не-  
которая константа (период полураспада).

**Задание 2.** Рассмотреть функциональную зависимость роста населения

**Изменение численности населения в стране на небольшом отрезке времени с хорошей точностью описывается формулой  $N = N_0 2^{at}$ , где  $N_0$  — число людей при  $t = 0$ ;  $N$  — число людей в момент времени  $t$ ;  $a$  — некоторая константа.**

**По аналогичной формуле вычисляется изменение числа особей в популяциях животных при определенных условиях (например, когда достаточно пищи и нет внешних врагов).**

**Задание 3.** Рассмотреть функциональную зависимость барометрической формулы.

**Давление воздуха убывает с высотой (при**

**постоянной температуре) по закону  $p = p_0 e^{-\frac{h}{H}}$ , где  $p_0$  — давление на уровне моря ( $h = 0$ );  $p$  — давление на высоте  $h$ ;  $H$  — некоторая константа, зависящая от температуры. При температуре  $20^{\circ}\text{C}$   $H \approx 7,7$  км.**

**Задание 4.** Период полураспада плутония равен 140 суткам. Сколько плутония останется через 10 лет, если его начальная масса равна 8 гр?

**Задание 5.** При радиоактивном распаде количество вещества уменьшается вдвое за сутки. Сколько вещества останется от 250 гр. Через 1,5 суток? Через 3,5 суток? Вычисления произвести на микрокалькуляторе.

**Задание 4.** На некотором лесном участке можно заготовить  $4 \cdot 10^5 \text{ м}^3$  древесины. Ежегодный прирост деревьев составляет 4%. Сколько можно заготовить древесины на этом участке через 5 лет? Вычисления произвести на микрокалькуляторе.

**Задание 5.**

**Решить графически уравнение  $\left(\frac{1}{3}\right)^x = x - \frac{2}{3}$ .**

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 14**

#### ***Арифметические операции над функциями***

**Цель:** отработать навыки арифметических операций над функциями

**Задание 1.** Найти область определения функции

О-3: № 5.1 стр. 126

**Задание 2.** Найти множество значений функции

О-3: № 5.22 стр. 126

**Задание 3.** Построить график функции

О-3: № 5.34-5.36 стр. 126

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 15**

#### ***Сложная функция (композиция)***

**Цель:** отработать навыки построения сложной функции

**Задание 1.** Найти вид сложной функции

О-3: № 5.62-5.65 стр. 129

**Задание 2.** Найти функцию, обратную к данной

О-3: № 5.68-5.70 стр. 130

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 16**

#### *Исследование функции*

**Цель:** отработать навыки исследования функции

**Задание 1.** Построить график функции

О-3: № 5.38стр. 127

**Задание 2.** Найти область определения функции

О-3: № 5.3 стр. 126

**Задание 3.** Найти множество значений функции

О-3: № 5.23 стр. 126

**Задание 4.** Найти интервалы монотонности функции

О-3: № 5.40-5.43 стр. 127

**Задание 5.** Найти наибольшее и наименьшее значение функции

О-3: № 5.50 стр. 127

**Задание 6.** Исследуйте функцию на четность

О-3: № 5.5, 5.54, 5.57 стр. 127

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 17**

#### *Преобразование графиков. Параллельный перенос. Растяжение и сжатие вдоль осей координат.*

**Цель:** отработать навыки преобразования графиков, параллельного переноса, растяжения и сжатия вдоль осей координат.

**Задание 1.** Построить график функции

$Y=\sin x+2$

$Y=x^2-5$

$Y=-2x^2$

$T=0.5\cos x$

$Y=\sqrt{x+1}$

$Y=\cos(x - \frac{\pi}{4})$

$Y=\cos 2x$

$Y=\sin \frac{1}{3}x$

$Y=\sqrt[3]{(5x-x^2)}$

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 18**

#### *Преобразование графиков. Симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат. Симметрия относительно прямой $y=x$*

**Цель:** отработать навыки преобразования графиков, параллельного переноса, растяжения и сжатия вдоль осей координат.

**Задание 1.** Построить график функции

$$T=|Sin x + 1|$$

$$Y=|3x^3| + 4$$

$$Y=Cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$Y=\frac{1}{2}|x - 1|$$

$$T=3\left|\frac{1}{2x}\right| - \frac{2}{3}$$

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 19

*Производные суммы, разности, произведения, частного*

**Цель:** отработать навыки вычисления производной

**Задание 1.** Вычислить

О-3: № 9.3-9.10 стр. 205

О-3: № 12-9ю15 стр. 205

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 20

*Производные основных элементарных функций*

**Цель:** отработать навыки вычисления производной основных элементарных функций

**Задание 1.** Вычислить

О-3: № 9.16-9.29 стр. 205

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 21

*Применение производной к исследованию функций и построению графиков.*

**Цель:** отработать навыки вычисления производной при исследовании функции, построении графиков

**Задание 1.** Найти промежутки монотонности для функции

О-3: № 9.52,9.54 стр. 219

**Задание 2.** Исследуйте на экстремум функции

О-3: № 9.62,9.64 стр. 219

**Задание 3.** Исследуйте функцию и постройте ее график

О-3: № 9.72, 9.76 стр. 219

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 22

*Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах*

**Цель:** рассмотреть задачи на использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах

**Задание 1.**

**Найти наибольшее и наименьшее значения функции  $f(x) = x^3 + \frac{3}{x}$  на отрезке  $\left[\frac{1}{2}; 2\right]$ .**

**Задание 2.** Число 36 записать в виде суммы двух положительных чисел, сумма которых наименьшая.

**Задание 3.** Из всех прямоугольников, вписанных в окружность радиуса  $R$ , найти прямоугольник наибольшей площади.

**Задание 4.** Число 50 записать в виде суммы двух чисел, сумма кубов которых наименьшая.

**Задание 5.** Из всех прямоугольников, площадь которых составляет  $9 \text{ см}^2$ , найти прямоугольник с наименьшим периметром.

**Задание 6.**

Из квадратного листа картона со стороной  $a$  нужно сделать открытую сверху коробку прямоугольной формы, вырезав по краям квадраты и загнув образовавшиеся края (рис. 1). Какой должна быть высота коробки, чтобы ее объем был наибольшим?

**Задание 7.**

Равнобедренные треугольники описаны около квадрата со стороной  $a$  так, что одна сторона квадрата лежит на основании треугольника (рис. 2). Обозначая  $BK = x$ , найти такое значение  $x$ , при котором площадь треугольника наименьшая.

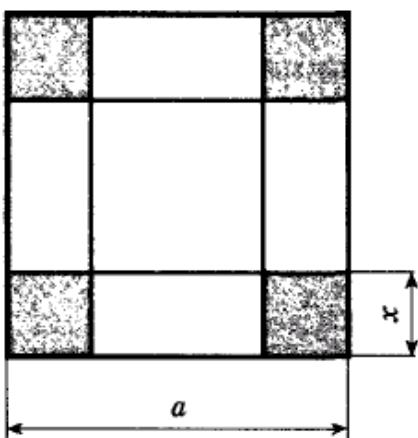


Рис. 1

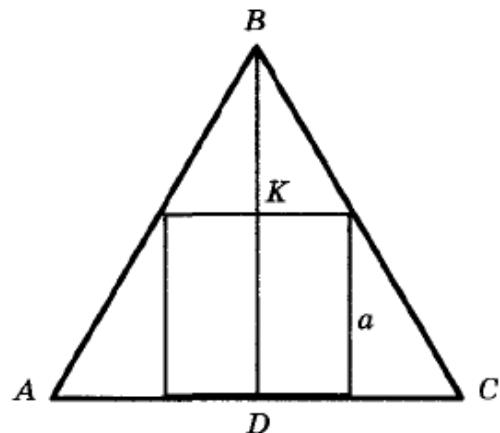


Рис. 2

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### Практическая работа № 23

*Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.*

**Цель:** отработать навыки вычисления второй производной, вычисления производной при решении практических задач

**Задание 1.** Найти производную

О-3: № 9.45, 9.48, 9.50 стр. 207

**Задание 2.** Решить задачу

О-3: № 9.86 а) стр. 221

О-3: № 9.91 стр. 221

О-3: № 9.10 стр. 225

О-3: № 9.101 стр. 225

О-3: № 9.107 стр. 225

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 24**

*Применение определенного интеграла для нахождения площади  
криволинейной трапеции*

**Цель:** отработать навыки вычисления определенного интеграла

**Задание 1.** Найти интеграл

О-3: № 10.1-10.17 стр. 228

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 25**

*Формула Ньютона - Лейбница*

**Цель:** отработать навыки вычисления определенного интеграла с помощью формулы Ньютона - Лейбница

**Задание 1.** Найти интеграл

О-3: № 10.52-10.69стр. 235

**Задание 2.** Вычислить интеграл

О-3: № 10.70-10.75стр. 236

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 26**

*Формула Ньютона - Лейбница*

**Цель:** отработать навыки вычисления определенного интеграла с помощью формулы Ньютона - Лейбница

**Задание 1.** Найти интеграл

О-3: № 10.52-10.69стр. 235

**Задание 2.** Вычислить интеграл

О-3: № 10.70-10.75стр. 236

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 27**

*Примеры применения интеграла в физике и геометрии*

**Цель:** рассмотреть задачи на применения интеграла в физике и геометрии

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 10.80-10.88стр. 237

О-3: № 10.94. 239

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 28**

*Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические  
уравнения и системы*

**Цель:** научиться решать рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы

**Задание 1.** Решить уравнения

О-3: № 4.10-4.13 стр. 75

О-3: № 4.47-4.52 стр. 81

О-3: № 4.73 стр. 83

О-3: № 4.105, 4.107 стр. 95

О-3: № 4.165 стр. 101

О-3: № 6.80-6.94 стр. 148

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 29**

*Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические  
уравнения и системы*

**Цель:** научиться решать рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы

**Задание 1.** Решить уравнения

О-3: № 6.131 стр. 155

О-3: № 7.70 стр. 171

О-3: № 7.61 стр. 170

О-3: № 7.77 стр. 173

О-3: № 7.85-7.94 стр. 175

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 30**

*Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические  
неравенства. Основные приемы их решения.*

**Цель:** научиться решать рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические неравенства

**Задание 1.** Решить неравенства

О-3: № 4.14, 4.15. 73

О-3: № 4.85 стр. 87

О-3: № 4.149 стр. 99

О-3: № 4.189 стр. 103

О-3: № 6.143-6.144 стр. 159

О-3: № 7.104 стр. 177

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 31**

*Метод интервалов*

**Цель:** отработать навыки решения уравнений и неравенств методом интервалов

**Задание 1.** Решить неравенство

О-3: № 4.30, 4.36- 4.41 стр. 76

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 32**

*Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем*

**Цель:** отработать навыки изображения на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем

**Задание 1.** Найти решение

О-3: № 4.42 в) стр. 79

О-3: № 4.45 стр. 79

О-3: № 4.46 стр. 79

О-3: № 4.44 а), б) стр. 79

**Итог работы:** отчет, защита работы.

**Практическая работа № 33**

*Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний*

**Цель:** отработать навыки на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний

**Задание 1.** Решить задачу

О-3: № 15.2, 15.3, 15.4 15.9 стр. 290

О-3: № 15.11 стр. 291

О-3: № 15.12 стр. 291

**Итог работы:** отчет, защита работы.

**Практическая работа № 34**

*Решение задач на перебор вариантов*

**Цель:** отработать навыки решения задач на перебор вариантов

**Задание 1.** Решить задачу

О-3: № 15.5-15.8 стр. 290

О-3: № 15.20-15.24 стр. 292

**Итог работы:** отчет, защита работы.

**Практическая работа № 35**

*Формула бинома Ньютона*

**Цель:** отработать навыки на применение формулы бинома Ньютона при решении задач

**Задание 1.** Доказать справедливость равенств

О-3: № 15.13-15.19 стр. 291

**Итог работы:** отчет, защита работы.

**Практическая работа № 36**

*События, вероятность события, сложение и умножение вероятностей*

**Цель:** отработать навыки на сложение и умножение вероятностей

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 15.27-15.34 стр. 295

**Итог работы:** отчет, защита работы.

**Практическая работа № 37**

*Геометрическое преобразование пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости*

**Цель:** отработать навыки геометрического преобразования пространства.

**Задание 1.** Составить уравнение плоскости, которая проходит:

- 1) через точку  $M_1(2;-3;3)$  параллельно плоскости  $Oxy$ ;
- 2) через точку  $M_2(1;-2;4)$  параллельно плоскости  $Oxz$ ;
- 3) через точку  $M_3(-5;2;-1)$  параллельно плоскости  $Oyz$ .

**Задание 2.** Составить уравнение плоскости, которая проходит:

- 1) через ось  $Ox$  и точку  $M_1(4;-1;2)$ ;
- 2) через ось  $Oy$  и точку  $M_2(1;4;-3)$ ;
- 3) через ось  $Oz$  и точку  $M_3(3;-4;7)$ .

**Задание 3.** Составить уравнение плоскости, которая проходит:

- 1) через точки  $M_1(7;2;-3)$  и  $M_2(5;6;-4)$  параллельно оси  $Ox$ ;
- 2) через точки  $P_1(2;-1;1)$  и  $P_2(3;1;2)$  параллельно оси  $Oy$ ;
- 3) через точки  $Q_1(3;-2;5)$  и  $Q_2(2;3;1)$  параллельно оси  $Oz$ .

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 38**

*Сечение куба, призмы и пирамиды*

**Цель:** научиться решать задачи с сечением куба, призмы и пирамиды

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 12.14 стр. 259

О-3: № 12.27. 12.30 стр. 261

О-3: № 12.48. 12.49 стр. 263

О-3: № 12.51-12.57 стр. 264

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 39**

*Осевые сечения и сечения, параллельные основанию*

**Цель:** научиться решать задачи с осевым сечением и сечением, параллельным основанию

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 13.2, 13.3 стр. 268

О-3: № 13.19, 13.20 стр. 270

О-3: № 13.34, 13.35. 12.49 стр. 272

О-3: № 13.52 стр. 275

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 40**

*Уравнения сферы, плоскости и прямой*

**Цель:** отработать навыки составления уравнений сферы, плоскости и прямой.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 41**

*Разложение вектора по направлениям*

**Цель:** отработать навыки разложения векторов по направлениям.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 42**

#### *Угол между двумя векторами*

**Цель:** отработать навыки вычисления угла между векторами.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 43**

#### *Проекция вектора на ось. Координаты вектора*

**Цель:** отработать навыки построения проекции на ось и вычисления координат векторов.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 44**

#### *Скалярное произведение векторов*

**Цель:** отработать навыки вычисления скалярного произведения векторов.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 45**

#### *Использование координат векторов при решении математических и прикладных задач*

**Цель:** отработать навыки решения математических и прикладных задач с использованием координат векторов.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 46** *Алгебра*

**Цель:** отработать навыки решения математических задач по разделу  
Алгебра.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 47**

*Основы тригонометрии*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Основы тригонометрии.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 48**

*Основы тригонометрии*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Основы тригонометрии.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 49**

*Основы тригонометрии*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Основы тригонометрии.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 50**

*Основы тригонометрии*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Основы тригонометрии.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 51**

### *Основы тригонометрии*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Основы тригонометрии.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 52**

### *Функции, их свойства и графики*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Функции, их свойства и графики.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 53**

### *Функции, их свойства и графики*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Функции, их свойства и графики.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 54**

### *Начала математического анализа.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Начала математического анализа.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 55**

*Начала математического анализа.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Начала математического анализа.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 56**

*Уравнения и неравенства.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Уравнения и неравенства.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 57**

*Уравнения и неравенства.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Уравнения и неравенства.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 58**

*Уравнения и неравенства.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Уравнения и неравенства.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 59**

*Уравнения и неравенства.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Уравнения и неравенства.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 60**

*Уравнения и неравенства.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Уравнения и неравенства.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

### **Практическая работа № 61**

*Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 62**

*Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Элементы комбинаторики, теории вероятности и статистики.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 63**

*Геометрия.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Геометрия.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 64**

*Геометрия.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Геометрия.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

## **Практическая работа № 65**

*Геометрия.*

**Цель:** отработать навыки решения задач по разделу Геометрия.

**Задание 1.** Решить задачи

О-3: № 3.55, 3.56 а), б) стр. 54

О-3: № 3.61, 3.98 стр. 63

О-3: № 3.91, 3.66 стр. 56

О-3: № 3.88 а) стр. 62

О-3: № 3.99 а), 3.100 а) стр. 64

**Итог работы:** отчет, защита работы.

#### **4. ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРАКТИЧЕСКИХ РАБОТ**

##### **5.1 Печатные издания:**

###### **Основные:**

**Башмаков М.И., Математика: учеб. для студ. учреждений сред. проф. образования/М. И. Башмаков. — 7-е изд., стер. — М.: Издательский центр «Академия», 2019. — 256 с.**

###### **Дополнительные:**

Д-1 Алисов Ш.А. и др. Алгебра и начала анализа. 10 (11) кл. – М.: 2012

О-1 Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. – М.: 2015

О-2 Дадаян А.А. Математика: Учебник. – 2-е издание. – М.: 2007

О-3 Дадаян А.А. Математика: Сборник задач по математике: учеб. пособие. – М.: 2013

О-4 Башмаков, М.И. Математика: учебник (СПО), М.И.Башмаков. – М.: 2014

О-5 Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие. – М.: Академия, 2014

##### **5.2 Электронные ресурсы**

1. <http://school-collection.edu.ru> – Электронный учебник «Математика в школе, XXI век».
2. <http://fcior.edu.ru> - информационные, тренировочные и контрольные материалы.
3. [www.school-collection.edu.ru](http://www.school-collection.edu.ru) – Единая коллекция Цифровых образовательных ресурсов
4. Башмаков, М.И.Математика: учеб. для студ. учреждений сред. проф. образования / М.И. Башмаков.- 6-е изд., стер. - М.: Издательский центр «Академия», 2019.- 256 с. – ЭБС Академия.

## **5. ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ, ВНЕСЕННЫХ В МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ**

<b>№ изменения, дата внесения, № страницы с изменением</b>	
<b>Было</b>	<b>Стало</b>
<b>Основание:</b>	
<b>Подпись лица, внесшего изменения</b>	